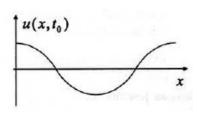
Jules Ferry

## **Exercice 1**: Nature d'une onde (AC)

On considère l'onde sinusoïdale représentée sur le graphe ci-contre.

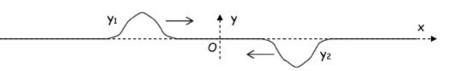
- 1. Peut-on conclure sur la nature progressive ou stationnaire de l'onde ?
- 2. Dessiner l'onde à un instant ultérieur dans le cas progressif puis stationnaire.



### **Exercice 2: Superposition d'ondes (AC)**

Deux perturbations symétriques et opposées se propagent sur une corde dans des sens opposés :

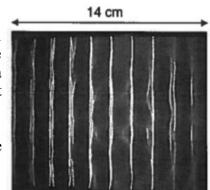
On note  $y_1(x,t)=f(-x+ct)$  l'onde de déformation de la corde allant vers la droite et  $y_2(x,t)$  celle allant vers la gauche.



- 1. Exprimer  $y_2(x,t)$ .
- 2. Dessiner intuitivement l'allure de la corde lorsque les deux ondes se superposent.
- 3. Quelle est, en fonction de f, l'expression de la déformation totale y(x,t) de la corde à un instant quelconque.

### **Exercice 3**: Onde de houle

• Doc 1 : simulation de la houle au laboratoire avec une cuve à ondes en utilisant une lame vibrante qui crée à la surface de l'eau une onde sinusoïdale de fréquence  $f = 7.9 \, Hz$ . La flaque d'eau contenue dans la cuve possède une épaisseur  $e = 2 \, mm$ . Un photo par stroboscopie est donnée ci-contre.



- Doc 2 : vitesse de propagation des ondes à la surface de l'eau.
  - ° Cas des ondes dites « courtes » si la longueur d'onde  $\lambda$  est faible devant la profondeur h d'eau ( $\lambda < 0.5 h$ ):  $c = \sqrt{\frac{g \lambda}{2\pi}}$ ;
  - cas des ondes dites « longues » si  $\lambda > 5h$  :  $c = \sqrt{gh}$ .
- 1. À quel type d'onde la houle présente dans la cuve correspond-elle ?
- 2. Combien de temps met l'onde pour traverser la cuve de longueur  $D=30\,cm$ .
- 3. Calculer la période d'une houle maritime de longueur d'onde 60m au niveau d'une fosse océanique de 3000m.

### **Exercice 4**: Cordes de guitare

Une corde de guitare de longueur L est fixée à ses deux extrémités en x=0 et x=L. La corde est considérée comme étant sans épaisseur inextensible et sans raideur. On note  $\mu$  sa masse linéique (masse par unité de longueur). Les frottements ainsi que le poids sont négligés devant la force de tension T supposée être la même tout le long de la corde.

- 1. Donner l'expression de la célérité des ondes de déformation sur la corde. Vérifier l'homogénéité de cette relation.
- 2. Recherche des ondes stationnaires.
  - Déterminer la longueur d'onde  $\lambda_n$  ainsi que la fréquence  $f_n$  associées aux différents modes propres n possibles de la corde. Le mode n=1 est pris pour le mode fondamental. Les modes n>1 sont les harmoniques de rang n.
- 3. Dans la réalité, la corde est initialement au repos. On l'écarte de cette position puis on la laisse évoluer librement : il apparaît alors une vibration sur la corde. Que peut-on dire du spectre de cette vibration ? Comment peut-on caractériser la « note » jouée par la corde ?
- 4. Une guitare électrique comporte 6 cordes en acier. Le tableau ci-dessous fournit pour chaque corde la valeur de sa fréquence fondamentale lorsque la guitare est accordée (mi, la, ré, sol, si, mi) ainsi que son diamètre d.

Corde n°	1	2	3	4	5	6
Fréquence $f$ du fondamental en Hz	82,5	110	147	196	247	330
Diamètre d en mm	1,12	0,89	0,70	0,55	0,35	0,25

Toutes les cordes ont une longueur  $L=0.63 \, m$  et masse volumique  $\rho=7800 \, kg.m^{-3}$ .

Déterminer la norme T de la tension d'une corde en fonction de  $\rho$ ,  $\pi$ , d, L et de la fréquence f du mode fondamental.

Calculer numériquement les tensions nécessaires pour que la guitare soit accordée.

Comparer à la tension usuelle d'un cordage de raquette de tennis qui est de « 25 kg » (i.e égale au poids d'une masse de 25 kg).

# Pour aller plus loin ...

#### **Exercice 5**: Note fondamentale d'un instrument à vent

On tuyau sonore peut etre le siège d'ondes acoustiques stationnaires qui vont	
dépendre des conditions aux limites imposées à ses deux extrémités. La figure	
ci-contre représente un tuyau cylindrique dont l'extrémité gauche est fermée et	
l'extrémité droite ouverte sur l'air. La pression acoustique (écart de la pression	
	C / / 11 11 /

par rapport à la pression statique) présente alors un ventre de vibration du côté fermé et un nœud de vibration du côté ouvert.

Un instrument à vent peut être considéré comme un tuyau sonore de longueur L. Il se comporte donc pour certaines fréquences comme un résonateur siège d'un système d'ondes stationnaires de longueurs d'ondes  $\lambda_n$ . Ces fréquences sont les modes propres de l'instrument et correspondent aux notes qu'il est capable de générer.

- 1. La flûte traversière est un instrument considéré comme ouvert à ses deux extrémités. Faire un dessin de l'onde stationnaire dans le tuyau sonore correspondant à la note fondamentale, la note la plus basse générée par l'instrument.
  - AN: déterminer la longueur de l'instrument pour que son fondamental soit la note mi de fréquence  $f_1^{fl} = 330 \, Hz$ ; prendre pour la vitesse du son dans l'air  $c = 340 \, m.s^{-1}$ .
  - Exprimer  $f_1^f$  en fonction de c et L.
- 2. L'anche d'une clarinette est assimilée à une extrémité fermée. Refaire un dessin de l'onde stationnaire dans le tuyau sonore correspondant à la note fondamentale, c'est-à-dire de plus grande longueur d'onde. La clarinette a une longueur L sensiblement identique à celle de la flûte traversière. En déduire la fréquence  $f_1^{cl}$  du fondamental de la clarinette ; quelle est le plus grave des deux instruments ?
- 3. Montrer que les notes harmoniques sont régulièrement espacées en fréquence et que l'écart  $\Delta f$  entre deux harmoniques successifs est le même pour la flûte traversière et la clarinette ; quel est cet écart ?